

1. 「2進数から始めよう」

いま、みんなが普通に使っている数字は10進数だ。すなわち、0から出発して1、2、・・・、9と数えていって、その次の数字は「10」の2桁となる。要するに「10」を表す1桁の数字を決めてなく、「9」の次は1つ上の桁を「1」として「0」に戻している。もう少し詳しく書くと、「0」は「00」、「1」は「01」であり、「9」は「09」となる。たとえば、数字の最大桁数を10桁と決めると、表せる数は

「0000000000」～「9999999999」

までとなる。当然、桁数が多いほど、表せる数字は大きくなる。

10進数の他に、日常何気なく使っているものに時間がある。これは、60秒が1分、60分が1時間となるように、60になると上の桁（この場合は桁ではないけれども）に上がる。たとえば、「2時」を「1時60分」と言ったりすることはない（中にはいるかもしれないけれど）。このような桁の上がり方は60進数である。

さて、話の方向を調整して、「2進数」に向けよう。いま、A君とB君が川の両側にいて、A君がB君に合図をしようとした場合、君だったらどうする？。大声を出す。聞こえなかったら？。石を川に投げる。投げた所をB君が見てなかったら？。色々やり方はあるけれど、手を上げ下げするなんてどうかな？。結構いい考えじゃないかな。そうだそうだ。でも、手を横にするなんてことを考えたら、ここでの話が進まないの、やめよう。それじゃ、手を上げ下げする方法でA君がB君に数字を送ろうって思って、二人で話し合って、「手を下げたとき」を「0」、「手を上げたとき」を「1」なんてことを決めてしまったのだ。それで、二人でそのゲーム（ゲームと言う程、遊べない）をししばらくしていたが、B君はほとんどおもしろくなくなってしまう。なんと言っても、「0」と「1」しかないのだ。そこで、A君は二人より少し賢いC君を呼び出した。ちょうどいいことにC君はなんと「2進数」の勉強をしたばかりだった。C君は「二人並んで手を上げ下げしよう」と言い、やり始めたがB君は説明を聞いてないので、さっぱりわからなかった。そこで、C君は次のように説明した。「二人とも手を下げたときは0、A君が上げて僕が下げた時は1、A君が下げて僕が上げた時は2、二人とも手を上げたときは3たい、わかった？」。そして、次のような図を書いた。

C君	A君	数字	
0	0	0	0は手を下げた時
0	1	1	1は手を上げた時
1	0	2	
1	1	3	

B君は「なんだ、簡単じゃないか」なんて言ったりした。その時だった。B君はおもしろいことに気が付いた。「じゃあ、二人の数字には2なんて数がないんだね。」C君は「そうだよ。これが2進数たい」と言って笑ったりした。納得したB君たちは夕方までそれで遊んでいたが少し飽きてきて、みんな家に帰ってしまった。

ここで、もう少し専門的に話をしよう。コンピュータはなんと言っても電気で動作する。電氣的に「0」と「1」を表す時には、例えば、乾電池に豆電球を付けてスイッチを入り切りすれば電球がついたり消えたりする。A君たちの遊びでは、豆電球を2個使って、それぞれを入り切りすれば同じことである。でも、2個では0から3までの数字しか表せないの、さらに大きい数字を表すには電球がたくさんいる。コンピュータに対応させれば、電球が16個並んでいると考えればよい。し

かも、16個の電球は8個づつ2組に分けて考えることもできるというわけである
そうすると、8個では、

0 0 0 0 0 0 0 0 ~ 1 1 1 1 1 1 1 1

まで表せる。それぞれの電球を「ビット (Bit)」という。「ビット」とは「かけら、小片」などという意味である。「8ビット」をひとつかたまりにしたものを「1バイト (Byte)」という。また、「16ビット」は「1ワード (Word)」という。C君の説明に従えば、8ビットでは

0 ~ 2 5 5 すなわち 0 ~ (2の8乗) - 1
(表せる数値は2の8乗)

16ビットでは

0 ~ 6 5 5 3 5 すなわち 0 ~ (2の16乗) - 1
(表せる数値は2の16乗)

となる。

電気信号でこの「0」、「1」を表すために電圧の大きさを定義している。すなわち、TTLレベルと言う電圧の大きさを決めている。TTLとは「Transistor-Transistor Logic」である。TTLでは「0」が0V、「1」が5Vである。

2. 「慣れるまでに時間がかかる16進数」

あまり勉強が好きでないB君が、どういう訳か昨日C君に習った「2進数」の事を思いだして紙に色々書き始めた。少し前に「16ビットコンピュータ」とか言う言葉を聞いた事があったので、「16ビット」についてお勉強をした。ところが、どうも面倒くさくて、やってられなくなってきた。なんと言っても、0と1を16個もずらずら書かないといけないからだ。何かよい方法がないか本で調べるのがいやなB君は、さっそく少し賢いC君に電話した。

B君：「2進数の勉強をしたけど、0と1がいっぱいありすぎて、なんかごちゃごちゃになって、ようわからんけど、どうしたらよかや？」

なんて言うのと、C君は次のように答えた。

C君：「当たり前たい。そんなもんいちいち書きよったら、俺だってようわからんようになるばい。そういう時は、4ビットづつ区切って表したらよかたい」

B君：「ほほー。でも、4ビットづつ区切っても0は0、1は1やろも」

C君：「だけん。4ビットを一つの数で表すったい。4ビットやったら、0から15まで表せるき、16ビットやったら4つの数で表せるやんか」

B君：「そしたら、10から15まではどうするん？」

C君：「10をA、11をB、12をC、13をD、14をE、15をFときめろったい。わかった？。結局、4ビットで0からFまで表せるやろが。Fち言うのは15だから、16になったら、次の4ビットに桁上がりするったい。紙に書いて、調べてん。これが16進数って言うったい。よかや」

B君「わかった。わかった。やってみるけん」

と言って、B君は調べ始めた。B君は10から15までと、AからFの対応がピンとこなくて、指を折りながら何回も数えていた。

ここで、少し専門的にまとめてみよう。16ビットでは

0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 (10進数で0)

から

1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 (10進数で65535)

まで表せる。これを4ビットずつに区切って

0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0

とすると、それぞれの4ビットは

0 0 0 0 ~ 1 1 1 1

まで表せるので、これを1桁の数で表すが、1桁の数は0から9までしかないので、新しく10から15に対応する1桁の数を決めないといけない。そこで

10進数	10	11	12	13	14	15
16進数	A	B	C	D	E	F

とすると、16ビットの数は、16進数では

0 0 0 0 ~ F F F F

として表すことができる。このような表現法が16進数である。「0000」から数えていって「000F」の次は「0010」、また「00FF」の次は「0100」となる。

最初のうちはAからFがどの数に対応するのかピンとこないで、B君がやっているように、指を折りながら数えて、慣れないとしようがないでしょう。また、4ビットの2進数、10進数、16進数の対応表なんか作っておくのも良いと思います。通常、これらの数を区別して表すのに、次のようにD、B、Hを付けたりします。

10進数		4660D
2進数	0001001000110100B	
16進数		1234H

Dは「Decimal」、Bは「Binary」、Hは「Hexadecimal」の意味です。

3. 「負の数なんてどうするの」

次の日、2進数を勉強したA君がB君に次のような質問をした。「2進数で足し算やら引き算とかできるや?。たとえば、簡単なやつで、

```

  0 0 0 0  0 0 0 0  0 0 0 1  0 0 1 1
+  0 0 0 0  0 0 0 0  0 0 0 1  0 1 0 0

```

なんかどう?」

B君は16進数については少しマスターしてたが、足し算はやっていなかった。し

かし、もともと感の良いB君は次のように書いた。

「0000 0000 0010 0111」

「すげー」なんて言ってA君はびっくりした。B君も「やったね。簡単やん」と言って自分で感心した。「そしたら、これはできんやろうね」と思って、A君は次のような引き算の問題をだした。

「 0000 0000 0000 0100
-0000 0000 0000 1000 」

⇒

B君は少し考えて「なんやこれ。計算できんやん」と言った。A君は「難しいやろ」と言って自分のだした問題を見たが、まずい事に気が付いた。なんと答えが負の数になってしまうのだ。A君は負の数の表し方までは勉強してなかった。「問題が間違っとった」なんて言えないので、C君に「できる?」とか質問した。C君はあっさり次のように答えを書いた。

「1111 1111 1111 1100」

A君はC君に「B君がわからんみたいやき、ちょっと説明してよ。」と言ってその場を逃れた。C君は次のように説明した。

「これは、2の補数表現という負の数の表し方たい。16ビットやったらめんどくさいき、8ビットで説明するね。16ビットでもおんなじたい。2進数で負の数を表すときは、その1番上のビットが0か1で正負を表すように決めてるんだよ。従って

0XXXXXXXXX

の時は正の数

1XXXXXXXXX

の時は負の数たい。

だから、正の数の時には

00000000~01111111 (10進数で127)

負の数の時には

11111111~10000000 (10進数で $-\frac{128}{128}$)

となる。例えば、

00000001

は10進で「1」

11111111

は10進で「-1」となる。この時「00000001」に対する2の補数が「11111111」たい。当然

00000001

+11111111

10000000

で、下の8ビットは「00000000」で10進で「0」となる。2の補数を作るには「2の8乗」を基準にして

「10000000」

から引けばよい。すなわち、「00000010」の場合には

$$\begin{array}{r}
 100000000 \\
 - 00000010 \quad (10進で2) \\
 \hline
 11111110 \quad (10進で-2)
 \end{array}$$

として求められる。あるいは、各ビットを反転して1を加えてもよかたい。要するに「00000010」では

$$[11111101 + 1 = 11111110]$$

となる。負の数から2の補数を求めるときも同じなのだ」

C君の説明に対して、B君は当然わからないが、A君もわからなかった。A君はC君の説明に対して、「今の説明で、9ビットになっているところがあるけど、これは何?」と言って首をかしげた。C君はさらに説明を続けた。

「いま、00000010 (10進で2) と 11111110 (10進で-2) を足し算するとき

$$\begin{array}{r}
 00000010 \\
 + 11111110 \\
 \hline
 100000000
 \end{array}$$

となる。ビット数を8ビットで考えているので、答えは下の8ビットだけとなり、9ビット目の「1」は「桁上げフラグ」という所に記憶されるったい。だから答えは「0」でいいやない。でも、この計算は8ビットの正負表現に対して正しい答えが得られ、正の数だけの表現ではちょっとおかしい。どうしてかと言うと、答えが8ビットを越えているからだ。当然、9ビットでは正しい答えとなるけど。わかった?。わからんやったら、今日、家に帰ってもう一度勉強しなさい」なんて言ったので、A君とB君は「そうだね」とか言って笑った。

C君の説明にもう少し付け加えよう。足し算や引き算すなわち、加算と減算を行う場合には、扱う数を「正の数のみ」なのか、あるいは「正負表現」なのかを考えておく必要がある。16ビットでは、

正の数みの場合 0 ~ 65535

正負表現の場合 -32768 ~ 32767

の数までしか扱えない。従って、この値を越えない範囲で計算を行った場合に正しい答えが16ビットとして得られる。

コンピュータは扱う数字が「正の数のみ」でも「正負表現」の場合でも同じ演算を行い、その結果を求める。だから、プログラマがそれを決めてプログラムを作る必要がある。

$$\begin{array}{r}
 00000001 \\
 - 00000010 \\
 \hline
 11111111
 \end{array}$$

上のような演算を行った時には「正負表現」では8ビットに正しい結果が得られるが、「正の数のみ」では意味がない。この時には「桁借りフラグ」というビットが1 (9ビット目に対応) となる。8ビットでは、当然

正の数みの場合 0 ~ 255

正負表現の場合 -128 ~ 127

までの数しか扱えない。

4. 「マイクロコンピュータの歴史も少しくらい知っててもいいと思う」

80系

1971年	インテル社	4004-4ビットCPU (Central Processing Unit - 中央処理装置)
		8008-4ビットCPU
1973年		8080-8ビットCPU (現在の80系の先祖)
1976年		8085A (8080を改良)
	ザイログ社	Z80 (8080を元に機能を充実)
1978年	インテル社	8086, 8088-16ビットCPU

68系

1974年	モトローラ社	8ビットMPU6800 (Micro Processing Unit - マイクロプロセッサ)
1979年		MPU6809-8ビット 16ビットCPU-68000

卒論で使用するコンピュータ (NEC-PC9801VX) は16ビットコンピュータであり、CPUは8086とソフト互換性をもつV30 (μ PD70116-10) である。

5. 「メモリってよく聞くけど」

A君はC君に「メモリ」の事を聞いた。詳しい事まで知らないC君は簡単に次のように説明した。

「メモリ」というのは「記憶する」という意味だから、「0」か「1」かを記憶しておく所たい。「0」か「1」だけだったら1ビットの記憶箇所があればいいということたい。でも、「0」か「1」かを10箇所の別々の所に記憶するときには1ビットの記憶箇所が10個いる。その時に、どの箇所(場所)に記憶するかを決めるために、それぞれの場所に順番に番号を付けておく必要がある。この番号のことを「番地(アドレス)」と言うんだ。そして、記憶する「0」か「1」の値を「データ」と言うんだよ。普通、「番地」は「0番地」から始めるようになっているので、この場合は、0番地から9番地ということだね。いま、考えているのは「0」か「1」かの1ビットで表せるデータだから、1ビットを表せる信号線、すなわち1本の信号線があればいいでしょ。この信号線のことを「バス(BUS)」といい、「データ」を送る(乗せる)信号線のことを「データバス」という。それから、「番地」も2進数の値で決めるわけだから、この場合は「9番地」まで表せないといけないので、4ビット必要だね。だから、4本の「番地」を送る(乗せる)信号線があることになるやろ。この「番地」を決めるための信号線のことを「アドレスバス」と言う。でもね、4ビットだったら「0000(10進数で0)」から「1111(10進数で15)」まで表せるので、本当は番地は15番地まで決められるのだ。こんな風に、「データバス」が1本、「アドレスバス」が4本で決まるような「メモリ」は全部で16ビットのデータを記憶できるので、「16ビットメモリ」あるいは、8ビットは1バイトだから「2バイトメモリ」とか言うんだよ。でも、こんな「メモリ」はなくて、普通はデータは8ビットの単位として構成されているので、「データバス」は8本ある。また、「アドレスバス」ももっと多いよ。例えば、8ビットデータバスでアドレスバスが10本の場合には、記憶でき

る容量は「(2の8乗) × (2の10乗)」だから「256 × 1024ビット」となる。2進数では(2の10乗) = 1024を「1K」というふうに表示するので、「256Kビット」なのだ。これは「32Kバイト」だし、「16Kワード」と言ってもいい。まあ、今の僕の知識ではこれくらいかな。

B君は少しわかったような気がして、気分がよかった。

普通、「メモリ」には大きく分けて2つのタイプがある。

ROM (Read Only Memory) : 読み出しのみができるメモリであり、電源を切っても記憶内容は消えない。

RAM (Random Access Memory) : 書き込み、読み出し共にできるメモリであるが、電源を切ると記憶内容も消える。

6. 「PC9801のメモリ構成はどうなっているんだ」

メモリ・マップは次のようである。

アドレス	メモリ	メモリ内容
FFFFF	バンク15	BASIC・ROM
F0000	バンク14	グラフィックVRAM3
E0000	バンク13	システム予備
D0000	バンク12	システム予備(DSPボード)
C0000	バンク11	グラフィックVRAM0~2
B0000	バンク10	テキストVRAM
90000	バンク9	RAM 640KB
80000	バンク8	
70000	バンク7	
60000	バンク6	
50000	バンク5	
40000	バンク4	
30000	バンク3	
20000	バンク2	
10000	バンク1	
00000	バンク0	

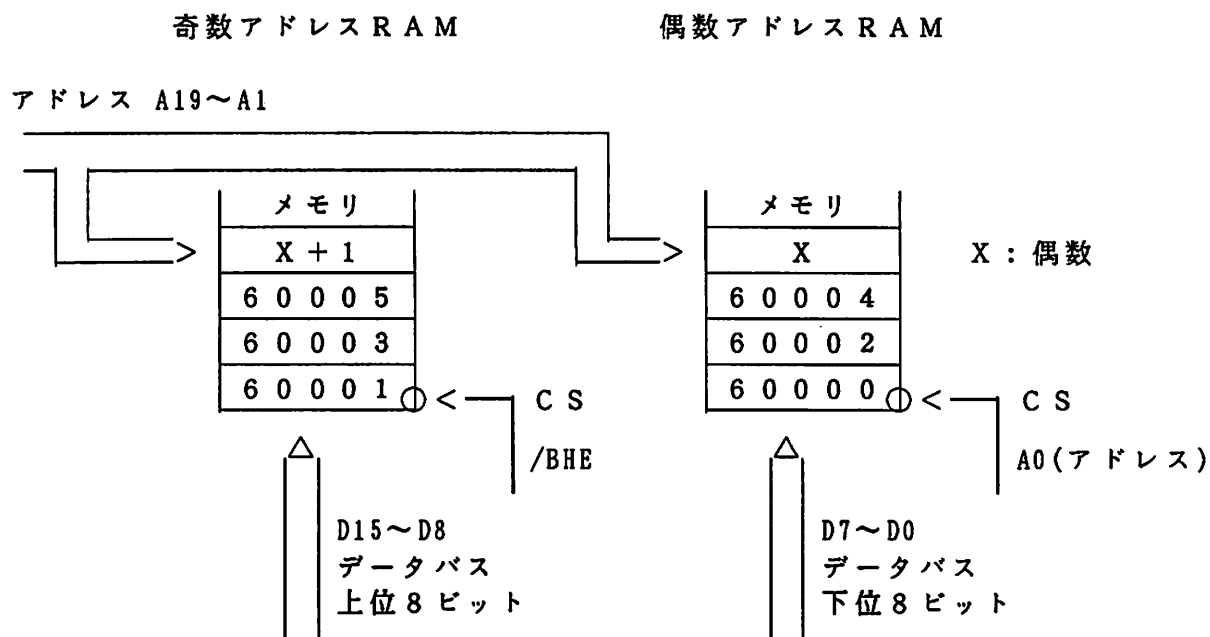
00000番地から1KBは割り込みベクトル領域

1バンクは64KB(「B」はバイトを表す)なので、全メモリは64 × 16KB = 1MB(メガバイト)である。従って、CPUは1MBのメモリを使用している。A0000番地からFFFFFF番地まではVRAMなどPC9801のシステムで使用される領域である。ユーザーは0番地から9FFFF番地でプログラムできるが、下位番地の領域は「DOS(Disk Operating System)」のシステムプログラムが占める。先の方で出てくるが、「C言語」によるプログラムで実行する場合

には、このユーザーが使用できる領域はあまり考えなくてもよい。しかし、「割り込みベクトル領域」と「バンク12 (DSPボード) の領域」は重要であるから、頭に入れておかなければならない。「VRAM」とは「Video RAM」のことであり、ディスプレイに表示するテキスト画面とグラフィック画面の情報を記憶するメモリである。メモリ構成に示した番地は「物理アドレス」といい、16進数で5桁すなわち、「20ビット」でそのアドレスを表していることに注意しよう。

7. 「メモリ配置も少し知っておこう」

8086 (V30) CPUは16ビットコンピュータである。16ビットと言うのは「16ビットのデータを一度に転送あるいは処理できる」ことを意味している。また、8ビット単位でも同じことができる。そうすると、メモリは8ビット単位で構成した方がよいことになる。実際、メモリは8ビット単位で構成されており、前のメモリマップの1つのアドレスは8ビットのデータを記憶する。マップでは表現上、連続してアドレスを書いているが、実際のメモリ (RAM) の配列は違っている。



図のように、偶数アドレスと奇数アドレスに対応した8ビットRAMが20ビットアドレスの内のA19-A1に並列接続されており、偶数アドレスのXを指しているときには、奇数アドレスは(X+1)を指すようにする。RAMにはそれぞれCS端子 (CS: チップセレクト=チップ選択) があり、この信号が「0」の時に、そのアドレスのデータをデータバスに出力する (これは読み出しの場合で、書き込みの時には、データバスのデータをそのアドレスに取り込む。図では、読み出しか書き込みかわからないが、実際は、どちらなのかを識別する別の端子がある。)。それぞれのRAMは偶数アドレスRAMがデータバスの下位8ビット、奇数アドレスRAMがデータバスの上位8ビットに接続されている。/BHEはCPUから出力される信号で、奇数アドレスのデータを処理するとき「0」となる。A0はアドレス信号の最下位ビットなので、偶数の時には「0」、奇数の時には「1」となる。8ビットデータの時には上位または下位のみなので、特に問題はないが、16ビット

トデータを扱う場合には次のようなことが起こる。偶数アドレスRAMに下位8ビットデータ、奇数アドレスRAMには上位8ビットデータとする時には、1度に処理できる。しかし、奇数アドレスRAMに下位8ビットデータ、偶数アドレスRAMに上位8ビットデータとする時には、(X+1)と(X+2)となるので、1度に16ビットデータは処理できず、2回にわけて処理しなければならない。すなわち、(X+1)と(X+2)ではアドレスバスA19-A1の値が異なる。従って、16ビットデータを扱うときには偶数アドレスが下位データとなるように定義しないと効率が悪くなり、結果として、プログラムの実行時間が長くなる。実際のプログラム作成では、この点は十分注意しておく必要がある。

8. 「8086CPUの端子も見ておこう」

8086CPUの端子は次のようである。

GND	1	40	VCC
AD14 < — >	2	39	< — > AD15
AD13 < — >	3	38	— > A16 / S3
AD12 < — >	4	37	— > A17 / S4
AD11 < — >	5	36	— > A18 / S5
AD10 < — >	6	35	— > A19 / S6
AD9 < — >	7	34	— > / BHE / S7
AD8 < — >	8	33	< — MN // MX
AD7 < — >	9	32	— > / RD
AD6 < — >	10	31	< — > / RQ // GT0
AD5 < — >	11	30	< — > / RQ // GT1
AD4 < — >	12	29	— > / LOCK
AD3 < — >	13	28	— > / S2
AD2 < — >	14	27	— > / S1
AD1 < — >	15	26	— > / S0
AD0 < — >	16	25	— > QS0
NMI — >	17	24	— > QS1
INTR — >	18	23	< — / TEST
CLK — >	19	22	< — READY
GND	20	21	< — RESET

CPUは40ピンをもつDIP (Dual In-line Package) のLSI (Large Scale Integrated Circuit) である。全てのピンの働きを理解する必要はないので、プログラムに関係したものだけを述べる。

8086は16ビットCPUなのでデータバスは16本必要である。また、物理アドレスを出力するために20本のアドレスバスが必要である。8086では、下位16ビットのアドレスピン(A15~A0)はデータピンと共用し、時分割によってその働きをバス・コントローラからの信号で制御している。このようなタイミングは普通、考えないでよいので、基本的にアドレスバス20本、データバス16本と考えておいてよい。アドレスピンA16~A19はアドレスを出力しない時には、ステータス信号としても利用している。RDピンは、この信号が「0」の時にCPUがメモリに対して読み出し動作であることを示す。S0~S1はI/Oやメ

メモリに対する処理のためのステータス信号を出力する。

重要なのは、INTRピンである。これはCPUに対する割り込み要求信号を受ける。要求信号は割り込みコントローラ(8259)というLSIを通して送られCPUはこの信号を受けると、8259で受けた割り込みタイプの割り込みベクトルを参照して割り込みルーチンへ移る。この割り込みについては、後で詳しく述べるので、ここでわからなくてもあまり気にしなくてよい。

9. 「16ビットCPUなのにアドレスが20ビットなんだ」

メモリのことがだいぶわかったB君は、また、少し悩んでいる。というのは、16ビットCPUと言うのに、なぜ、アドレスは20本あるのか、ということだ。そこで、またまたC君に質問した。C君は、「16ビットCPUというのは、1度に処理できるデータが16ビットということで、アドレスのビット数とは関係ないたい。これは前に出てきたやんか」と言ったので、B君は笑って納得した。

8086は20ビットのアドレスをもっているので1MBまでのメモリを指定できる。逆に言えば、1MBのメモリを指定できるようにするために、20本のアドレスを設けたと考えるてもよい。

10. 「20ビットアドレスの決め方が問題だ」

しばらく顔を出さなかったA君は、実は秘かに8086CPUの勉強をしていたのだ。それで、優越感に浸ろうとB君を呼び出して次のような質問をした。

A君:「メモリの番地を決めるには20ビットいるけど、どうやって決めるか知っとうや?」

B君:「そんなもん、20ビットで決めたらよかやん」と真剣に答えた。

A君:「あほ。CPUの中はすべて16ビットやけん、決められんたい」

B君:「そんなもん、俺が知る訳ないやろが。聞くな」と言って、「どげんすると?」なんて聞き返した。

A君はうきうきした。

A君:「あのね。それはセグメントとオフセットと言う方法で決めるったい」

B君:「セグメントとオフセット。なんやそれ」

A君は説明を続けた。

「20ビットのアドレスを16ビットで表すと4ビット、すなわち16進数で1桁たらんやろが。それで20ビット、16進数で5桁を上4桁と下4桁に分けるったい。分けるち言っても、その分け方が問題たい。例えば、物理アドレス(A君は結構勉強していて「物理アドレス」も知っていた)で12345Hというのをこんなふうに表すわけたい。

1 0 0 0	セグメント
+ 2 3 4 5	オフセット
1 2 3 4 5	

セグメントの最下位桁は、書いてないけど「0」として計算するんだ。セグメントの値はCPU内部の「セグメント・レジスタ」という所に記憶され、プログラムで書き直さない限り、その値は変化せん。オフセットの値は演算で使用する汎用レジスタなんかに入っている。このセグメントやオフセットの値のことを「論理アドレス」って言うんだよ。同じ12345番地でも色々な表し方があるったい。例えば、